

**MINISTERUL EDUCAȚIEI AL REPUBLICII MOLDOVA
ACADEMIA DE ȘTIINȚE A MOLDOVEI
UNIVERSITATEA ACADEMIEI DE ȘTIINȚE A MOLDOVEI
FACULTATEA Științe Exakte
CATEDRA Matematică și Informatică**



**PROGRAMA
PENTRU EXAMENUL DE LICENȚĂ
la *Matematici fundamentale*
(proba de profil)**

Domeniul general de studiu (codul și denumirea) - 44 Științe Exakte

Domeniul de formare profesională -443 Matematică

Specialitatea – 443.1 Matematică

Numărul total de credite de studiu - 180

Titlul obținut – Licențiat în științe exacte

CHIȘINĂU, 2014

ELABORAT

Catedra Matematică și Informatică

Responsabil de program:

conf.univ., dr. Izbaș Vladimir

lector superior, Anatoli Gladei

șef catedră, conf.univ., dr Corlat Andrei

V. Izbaș
A. Gladei
A. Corlat

APROBAT

ședința catedrei

proces-verbal nr. 03

din 24 noiembrie 2014

șeful catedră D.

STRUCTURI ALGEBRICE. ALGEBRA LINIARĂ

1. Subgrup, criterii ale subgrupului. Subgrup generat de o mulțime de elemente. Grup ciclic. Subgrupurile grupului ciclic.
2. Clase de congruență în raport cu un subgrup. Teorema Lagrange despre indicele subgrupului. Consecințe.
3. Subgrup normal, criterii. Grup factor; grupul \mathbb{Z}_n . Teorema de corespondență pentru grupuri.
4. Produse (sume) directe de grupuri (interioare, exterioare); exemple;
5. Morfisme de inele (corpuri). Tipuri de morfisme. Imaginea și imaginea inversă a unui subinel (ideal). Teorema de corespondență pentru inele.
6. Inel factor. Inelul \mathbb{Z}_n (subinellele și idealele lui).
7. Baza și dimensiunea spațiului vectorial. Coordonatele vectorului într-o bază dată. Matricea de trecere de la o bază la alta. Schimbarea coordonatelor vectorului la trecerea de la o bază la alta.
8. Subspații ale spațiilor vectoriale. Înveliș liniar. Subspații și sisteme de ecuații liniare. Varietăți liniare.
9. Operații cu subspații. Baza și dimensiunea sumei și a intersecției subspațiilor. Sume directe. Criterii ale sumei directe.
10. Aplicații liniare ale spațiilor vectoriale. Matricea aplicației liniare. Coordonatele vectorului transformat. Nucleul și imaginea transformării liniare. Izomorfismul spațiilor vectoriale.
11. Operatori liniari ai spațiului vectorial. Matricea operatorului liniar. Matricea operatorului în diferite baze. Operatori liniari nedegenerați. Algebra operatorilor liniari.
12. Subspații invariante. Vectori proprii și valori proprii ale operatorilor liniari. Polinom caracteristic. Forma diagonală a matricei.
13. Teorema Hamilton-Cayley. Polinomul minimal al operatorului liniar.
14. Funcții pătratice. Forma canonică. Metoda lui Lagrange. Forma normală peste C și R. Legea inerției.
15. Metoda lui Jacobi. Funcții pătratice pozitiv definite. Criteriul lui Sylvester.
16. Spații euclidiene. Inegalitatea Couchy-Buneacovschi-Shwartz. Modulul vectorului, distanța și unghiul dintre vectori. Procesul de ortogonalizare. Baze ortogonale și ortonormate. Matrice ortogonale.
17. Subspații complementare ortogonale. Proiecția ortogonală și componenta ortogonală. Distanța dintre varietățile liniare.
18. Spații unitare. Baze ortonormate. Matrice unitare. Izomorfismul spațiilor euclidiene.

GEOMETRIE ANALITICĂ

1. Sisteme de coordonate affine și carteziene rectangulare. Operații liniare cu vectori în coordonate. Sensul geometric al dependenței liniare a vectorilor.
2. Transformarea sistemelor de coordonate affine: translarea, schimbarea bazei, generală.
3. Produsul vectorial și mixt al vectorilor: definiții, proprietăți. Produsul vectorial și mixt al vectorilor în coordonate. Aplicații.
4. Diferite forme ale ecuațiilor planului; poziția relativă a două plane; distanța de la un punct la un plan; unghiul dintre două plane; condițiile de perpendicularitate a două plane.
5. Diferite forme ale ecuațiilor dreptei în spațiu; poziția relativă a două drepte, a dreptei și planului; distanța de la un punct la o dreaptă în spațiu; unghiul dintre dreaptă și plan; condițiile de perpendicularitate a dreptei și planului.

6. Studiul suprafețelor de ordinul II pe ecuațiile lor canonice: elipsoidul, hiperboloizii, paraboloizii, suprafețe cilindrice, suprafețe conice.
7. Plane m-dimensionale din spațiul afin n-dimensional: definiții, ecuații, poziție reciprocă.
8. Cuadrice în spațiul afin n-dimensional: ecuația generală, intersecția cuadricei cu o dreaptă, centrul cuadricei, plane diametrale conjugate cu direcția neasimptotică dată.

ANALIZA MATEMATICĂ

1. Noțiune de funcție integrabilă Riemann și integrală definită. Sume Darboux. Criteriul Darboux de integrabilitate Riemann. Proprietățile principale ale integralelor Riemann. Teoreme despre valoarea medie a integralei Riemann și consecințele lor. Formula Newton-Leibniz. Schimbări de variabilă și integrarea prin părți.
2. Clase de funcții integrabile Riemann. Integrabilitatea funcțiilor continui și a funcțiilor monotone.
3. Noțiunea de diferențiabilitate a unei funcții de mai multe variabile. Relația dintre diferențiabilitatea funcției, continuitatea și derivatele parțiale. Diferențiala totală a unei funcții. Criteriul de diferențiabilitate.
4. Derivate parțiale și derivate parțiale de ordin superior a unei funcții de mai multe variabile. Teorema Schwartz despre egalitatea derivatelor parțiale mixte.
5. Extremele funcției de două variabile. Condiții necesare și condiții suficiente pentru extrem. Cazul funcției de n variabile (fără demonstrație).
6. Serii numerice cu termeni pozitivi și cu termeni oarecare. Criteriile Cauchy, D'Alambert, Raabe și integral Cauchy-Mac-Laurin de convergență a serilor pozitive. Serii alternante. Teorema lui Leibniz. Criteriul general Cauchy de convergență a seriilor numerice. Serii absolut convergente. Teorema Dirichlet și Abel.
7. Siruri și serii de funcții. Convergența lor punctiformă. Noțiunea de convergență uniformă. Proprietăți ale sirurilor și serilor convergente uniform. Trecerea la limită, integrarea și derivarea seriilor și sirurilor funcționale. Criteriile Cauchy, Weierstrass, Abel și Dirichlet de convergență uniformă.
8. Serii de puteri. Teorema lui Abel. Raza și domeniul de convergență a seriei de puteri. Formula Cauchy-Hadamard pentru calcularea razei de convergență. Formula D'Alambert.
9. Integrale duble. Condițiile de existență și calculul integralei duble.
10. Proprietățile globale ale funcțiilor continui de mai multe variabile pe mulțimi compacte. Teoremele Weierstrass și Cantor.
11. Noțiune de integrală impropriă de speță I și II. Convergența integralei improprii de speță I în cazul funcției pozitive. Teoremele de comparație. Criteriul Dirichlet și Abel. Criteriul general Cauchy.
12. Convergența uniformă a seriilor de puteri. Continuitatea sumei unei serii de puteri. Teoremele despre integrarea și derivarea seriilor de puteri.

ECUAȚII DIFERENȚIALE

1. Ecuații diferențiale de ordinul întâi. Teorema lui Cauchy de existență și unicitate a soluției.
2. Ecuații diferențiale de ordinul întâi (cu variabile separabile, liniare, Bernoulli).
3. Ecuații diferențiale liniare de ordin superior și sisteme de ecuații liniare omogene de ordinul întâi. Noțiune de sistem fundamental de soluții.
4. Sistemul fundamental de soluții al ecuației diferențiale liniare și omogene cu coeficienți constanți.

5. Teorema despre sistemul fundamental de soluții al unui sistem de ecuații diferențiale liniare și omogene cu coeficienți reali.
6. Ecuații diferențiale liniare neomogene cu partea dreaptă de o formă specială (polinom, etc.).

LOGICA ȘI TEORIA MULTIMILOR

1. Axiomele și regulile de deducție din calculul propozițional.
2. Teorema deducției în calculul propozițional și aplicațiile ei.
3. Completitudinea și necontradicția calculului propozițional.
4. Axiomele și regulile de deducție din calculul predicatorilor. Cuantificatori.
5. Formule normale și formule normale Skolem.
6. Completitudinea calculului predicatorilor. Teorema Gödel.

BIBLIOGRAFIE

1. Ion D. Ion, N. Radu, Algebra, Editura didactică și pedagogică, București, 1991;
2. C. Năstăsescu, C. Niță, C. Vraciu, Bazele algebrei, vol. I, Editura Academiei, București, 1986;
3. Purdea, Gh. Pic, Tratat de algebră modernă, vol. I, Editura Academiei, București, 1977;
4. D. Popescu, C. Vraciu, Elemente de teoria grupurilor finite, Editura științifică și Enciclopedică, București, 1986;
5. G.D. Crown, M. H. Fenrick, R.J. Valenza, Abstract Algebra, New York, 1986;
6. D.S. Dummit, R.M. Foote, Abstract Algebra, Prentice Hall, 1999;
7. P. A. Grillet, Abstract Algebra, New York, 2007;
8. T. Hungerford, Algebra, Springer-Verlag, New York, 1974;
9. S. Lang, Undergraduate Algebra, New York, 2005.
10. P. R. Halmos, Finite dimensional vector spaces, Hew York, 1960;
11. R. Steven, Advanced linear algebra, Springer, 2008;
12. V. Arhangel'skii, Konecno-mernîe vectornîe prostranstva, Moskova, 1982;
13. I. Kostrikin, Ju. I. Manin, Lineinaia algebra i geometria, Moskova, 1986
14. ; A. V. Mal'tev, Osnovî lineinoi algebrî, Moskova, 1975; M. M.
15. Postnikov, Lineinaia algebra, Moskova, 1986;
16. V. V. Fedorciuk, Kurs analiticeskoi geometrii i lineinoi algebrî, Moskova, 1990;
17. G. Šilov, Konecno-mernîe lineinîe prostranstva, Moskova, 1969.
18. Colojoară I., Analiza matematică, Ed. Didactică și Pedagogică, București, 1983.
19. Flondor P., Stănișilă O., Lecții de analiză matematică, Ed. ALL, București, 1993.
20. Precuponu A., Bazele analizei matematice, Ed. Universității Al. I. Cuza, Iași, 1993.
21. Gussi Gh., Stănișilă O., Stonica T., Elemente de analiză matematică, Manual pentru cl. XI-a, Ed. Didactică și Pedagogică, București, 1982.
22. Roșculeț M., Analiza matematică, Vol. I-II, Ed. Didactică și Pedagogică, București, 1978.
23. Г. М. Фихтенгольц, Базеле анализей математиче. V. I (1968), V.II (1970), Лумина, Кишинэу.
24. Зорич В. А., Математический анализ, часть I и II, изд-во “Наука”, Москва, 1984.
25. Кудрявцев Л. Д., Курс математического анализа, т. 1,2, Изд-во “Высшая школа”, Москва, 1981.
26. Б. А. Ильин, В. А. Садовничий, Бл. Х. Сенцов, Математический анализ, Изд-во “Наука”, Москва, 1979.
27. Piscunov N. S., Calculul diferențial și integral, V. 1,2, Chișinău.
28. V. Șcipaciov, Matematica superioară, Cișinău.
29. Achiri I., Prodan N., Garit V., Neagu V., Ciobanu V., Taragan D., Analiza matematică, Manual cl. XI, Chișinău.
30. Б. П. Демидович, Сборник задач и упражнений по математическому анализу, Изд-во “Наука”, Москва, 1969.
31. Г. Н. Берман, Сборник задач по курсу математического анализа, Изд-во “Наука”, Москва, 1975.
32. Becheanu M., Căzănescu V., Năstăsescu C., Rudeanu S., Logică matematică și teoria mulțimilor, Ed. Didactică și Pedagogică, București, 1972
33. Năstăsescu C. Întroducere în teoria mulțimilor. — București: Ed. Did. și Ped., 1974.
34. Purdea I., Culegere de probleme de algebră. Relații funcții și algebrel universale, Litografia Univ. „Babeș-Bolzai”, Cluj-Napoca, 1996.
35. Purdea I., Pop I., Algebră. –Zalău: GIL, 2003.
36. Sierpinski W., Algebre des ensembles, Warszawa, 1951
37. Vasilache S., Elemente de teoria mulțimilor și structurilor algebrice, Editura Acad. Rep. Populare Române, 1956. Elliott Mendelson, *Introduction to mathematical logic*, D. Van Nostrand Company, Inc., Princeton, Toronto, London, 1964.
38. Iu. L. Erșov, E. A. Paliutin, Logica matematică, Moscova, ed. Nauka, 1987, (în limba rusă)

39. D.W. Barnes, J.M. Mack, *An Algebraic Introduction to Mathematical Logic*, Springer-Verlag, New York, Heideberg, Berlin, 1975.
40. R.C. Lyndon, *Notes on Logic*, Van Nostrand, New York, 1966.
41. Virgil Căzănescu, *Curs de bazele informaticii. Introducere în logica matematică*, Universitatea Bucureşti, Fac. Matematică
42. Курош А. Г., Лекции по общей алгебре, . — 2-е изд. —М.: «Наука», Физматлит, 1973.
43. Лавров И. А., Максимова Л. Л. Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов. — 3-е изд. —М.: Физматлит, 1995.
44. Мальцев А.И., Алгебраические системы, —М.: «Наука», Физматлит, 1970.
45. Скорняков Л. А., Элементы теории структур, —М.: «Наука», Физматлит, 1973.